

\* بالإضافة إلى الطريقة الخاصة كتاب معكوس مصفوفة من الدرجة  $2 \times 2$  والطريقة العامة كتاب معكوس أي مصفوفة سواء كانت من الدرجة  $2 \times 2$  أو أكبر وكذلك طريقة كراوسر كوردن كتاب المعكوس للمصفوفة

توجد هناك طريقة كتاب معكوس مصفوفة من الدرجة  $3 \times 3$  تستخدم بالطريقة المختصرة short cut method وهي طريقة فعالة ومختصرة وتستخدم بدلاً من الطريقة العامة كونها سهلة ولا تأخذ الكثير من الأوقات وموصى به بالمثال التالي :-

مثال: أوجد المقلوب العكسي (المعكوس) للمصفوفة التالية

$$A = \begin{pmatrix} 6 & 0 & 4 \\ -2 & 7 & -1 \\ 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

الحل: ① نجد  $|A|$  بأي طريقة

$$|A| = -2$$

$$\begin{pmatrix} 6 & 0 & 4 \\ -2 & 7 & -1 \\ 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

② نكتب المصفوفة بدون أعمود

③ نضيف العمود الأول والثاني إلى مصفوفتنا عندها يصبح بالشكل التالي

$$\begin{pmatrix} 6 & 0 & 4 & 6 & 0 \\ -2 & 7 & -1 & -2 & 7 \\ 3 & 1 & 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

④ نضيف الطر الأول والطر الثاني كما يلي :-

$$\begin{pmatrix} 6 & 0 & 4 & 6 & 0 \\ -2 & 7 & -1 & -2 & 7 \\ 3 & 1 & 2 & 3 & 1 \\ 6 & 0 & 4 & 6 & 0 \\ -2 & 7 & -1 & -2 & 7 \end{pmatrix}$$

نلاحظ أنه أصبح لدينا شكل من الأرقام مكون من 5 أطر وكذلك 5 أعمدة

© نَحِيط (نضلل) السطر الأول والعمود الأول من المصفوفة، النتيجة كما يلي

$$\begin{pmatrix} 6 & 0 & 4 & 6 & 0 \\ -2 & 7 & -1 & -2 & 7 \\ 3 & 1 & 2 & 3 & 1 \\ 6 & 0 & 4 & 6 & 0 \\ -2 & 7 & -1 & -2 & 7 \end{pmatrix}$$

نأخذ المصفوفة أفقياً  
سطر كل سطر

$$C^T(A) = \begin{pmatrix} 15 & 4 & -28 \\ 1 & 0 & -2 \\ -23 & -6 & 42 \end{pmatrix}$$

نتحرك عمودياً



$$\therefore A^{-1} = \frac{C^T(A)}{|A|} = \frac{1}{-2} \begin{pmatrix} 15 & 4 & -28 \\ 1 & 0 & -2 \\ -23 & -6 & 42 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -15/2 & 4/-2 & -28/-2 \\ -1/2 & 0 & 1 \\ 23/2 & 3 & -21 \end{pmatrix}$$

ملاحظة / على عناصر  $C^T(A)$  عنصر ثم عنصر بعده أفقياً من السطر الأول إلى الأخير  
عنا طريق ضرب الوسطين والطرئين لمجموعة الأرقام وباتجاه عمودي.

ملاحظة / هذه الطريقة مختصرة وسهلة منها حساب مصفوفة المعاملات المرافقة  $C(A)$   
يسمى  $C^T(A)$  ومنها نجد المعاملات المرافقة.