

Newton's Laws of Motion قوانين نيوتن للحركة

كان إسحاق نيوتن هو أول من قدم مفهومي الكتلة والقوة، إلى حد كبير لفهم النتائج التجريبية التي توصل إليها العلماء السابقون وخصوصا العالم غاليليو غاليلي الذي استطاع ان يصف الحركة واثبت ان الاجسام تتسارع في حالة السقوط لكنه لم يستطيع ان يحدد قيمة هذا التسارع. وباستخدام هذه المفاهيم أو المبادئ، كان قادرًا على طرح ثلاثة قوانين أساسية للحركة (أي قوانين نيوتن للحركة) والتي يعتمد عليها الكثير من الفيزياء الكلاسيكية.

Newton's First Laws قانون نيوتن الاول

ويسمى بقانون الاستمرارية Continuity وايضا بقانون القصور الذاتي law of inertia وينص على ان:

يظل الجسم ساكنا أو في حركة منتظمة (بسرعه ثابتة وعلى خط مستقيم) ما لم تؤثر عليه قوة خارجية.

Newton's Second Laws قانون نيوتن الثاني

وينص على ان:

إذا أثرت قوة على جسم فأنها تكسبه تسارعا يتناسب طرديا مع مقدار تلك القوة. اي ان:

$$F \propto a \Rightarrow F = ma$$

الصياغة اعلاه هي صياغة نيوتن لنفسه للقانون وبعد فترة زمنية تم اعادة الصياغة بشكل اكثر دقة:

القوة هي المعدل الزمني لتغير الزخم الخطي للجسم

$$F = \frac{dp}{dt} = \frac{dmv}{dt} = m \frac{dv}{dt} = ma$$

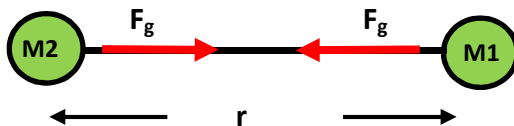
Newton's Third Laws قانون نيوتن الثالث 1.3

ويسمى ايضا بقانون الفعل ورد الفعل وينص على ان :

إذا مارس جسمان قوة على بعضهما البعض، فإن هذه القوة متساوية في المقدار ومتعاكسة في الاتجاه

Newton's Law of Gravitation قانون نيوتن في الجاذبية 2.

كل جسيم من المادة في الكون يجذب كل جسيم آخر بقوة تتناسب طرديًا مع حاصل ضرب كتل الجسيمات وتتناسب عكسيًا مع مربع المسافة بينهما.



$$F \propto \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

حيث ان G هو ثابت التناسب ويطلق عليه بثابت الجذب العام وهو احد اهم الثوابت الكونية في الفيزياء وقيمه $6.67 \times 10^{-11} N.m^2.kg^{-2}$ حيث ان $1.N = kg.m.s^{-2}$

6.1. اختبار قانون الجاذبية

ولاختبار صحه هذا القانون والذي ينطبق على اي كتلتين في الكون نفرض ان لدينا كتلتين مقدار كل واحدة منهما $1 kg$ موضوعتين على منضده البعد بينهما $1m$ والسؤال هو كم مقدار الجاذبية بينهما؟



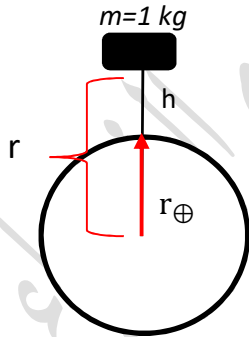
نطبق قانون نيوتن للجاذبية بصورة مباشره لنحصل على:

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2} = 6.67 \times 10^{-11} N.m^2.kg^{-2} \frac{1kg \times 1kg}{1 m^2} = 6.67 \times 10^{-11} N$$

وهذه قوه صغيرة جدا لذلك فهي غير كافية لجذب الكتل على الرغم من وجودها.

مثال/ احسب قوه الجذب لجسم كتلته $1 kg$ يبعد مسافة h عن الارض (h اقل من نصف قطر الارض) اذا علمت ان كتلة الارض مقدارها $m_{\oplus} = 5.97 \times 10^{24} kg$ ونصف قطرها $r_{\oplus} = 6.371 \times 10^6 m$ ؟

الحل:



نحسب المسافة الكلية بين الارض والكتلة m حيث:

$$r = r_{\oplus} + h \approx r_{\oplus}$$

وذلك لان $r_{\oplus} \gg h$

$$F = G \frac{m_{\oplus} m_2}{r_{\oplus}^2} = 6.67 \times 10^{-11} N.m^2.kg^{-2} \frac{5.97 \times 10^{24} kg \times 1 kg}{(6.371 \times 10^6 m)^2} = 9.82 N$$

الآن وبعد ان اكتشف نيوتن قوانينه في الحركة والجاذبية استطاع ان يحسب قيمة التعجيل الارضي او التسارع الذي استنتجه غاليليو غاليلي في تجاربه ولكنه لم يحدد قيمته؟

$$F = mg$$

حيث g هو التعجيل الارضي

$$F = G \frac{m m_{\oplus}}{r_{\oplus}^2}$$

$$mg = G \frac{m m_{\oplus}}{r_{\oplus}^2}$$

$$g = G \frac{m_{\oplus}}{r_{\oplus}^2} = 6.67 \times 10^{-11} \text{ kg.m. s}^{-2} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-2} \frac{5.97 \times 10^{24} \text{ kg}}{(6.371 \times 10^6 \text{ m})^2}$$

$$= 9.8 \text{ m. s}^{-2}$$

ملاحظة (عوضنا عن N ب kg.m. s^{-2})

الآن بقي تساؤلان في ذهن نيوتن وهما (1) لماذا تدور الكواكب بمسارات اهليجية حول الشمس و(2) لماذا تدور الكواكب اصلا؟ من المعلوم وكما بينا في المحاضرات السابقة بان قوانين كبلر هي قوانين وصفية استنتجها على اساس الارصاد التي بين يديه وليست على اساس رياضي. انبرى لهذه المهمة نوتن لكي يجيب على تساؤلاته وخصوصا التساؤل الاول ولكي ايضا ان يضع قوانين كبلر ضمن نموذج رياضي منطقي ولأجل الاتيان بهذه المهمة اخترع رياضيات التفاضل والتكامل لتسهيل مهمته.

اشتقاق قوانين كبلر

$$F = ma$$

يمكن ان نكتب المعادلة اعلاه بالشكل التالي:

$$F = m \frac{d^2 r}{dt^2} \dots \dots \dots 1$$

$$F = -G \frac{M.m}{r^2} \hat{r} \dots \dots \dots 2$$

من مساواة المعادلة 1 و2 نحصل على:

$$m \frac{d^2 \bar{r}}{dt^2} = -G \frac{M.m}{r^2(t)} \hat{r}$$