

ملخص محاضرة وحدات القياس المساحية أعداد م. هدى داود نجم السعد
إن عملية أخذ القياسات هي أهم ركائز العمليات المساحية، لذلك لا بد من أستذكار أهم وحدات القياس
المساحية:

وحدات القياس المساحية – وحدات قياس الطول

- وحدات قياس المساحة

- وحدات قياس الحجم

- وحدات قياس الزوايا

أولاً – وحدات قياس الطول: وهي تنقسم بحسب النظام المستخدم، فهناك نوعين من الأنظمة كما هو
معروف – النظام المتري (ملم، سنتيمتر، متر، كيلومتر)

- النظام الميلّي (الميل، قدم، بوصة)

المهم هنا هو معرفة قيم الوحدات بالنسبة لبعضها البعض وأختلافها بين الأنظمة، حتى تتم عملية التحويل
بكل دقة:-

$$1\text{سم} = 10\text{ملم}$$

$$1\text{م} = 100\text{سم}$$

$$1\text{كم} = 1000\text{م} \text{ و } 100,000\text{سم} = 1,000,000\text{ملم}$$

$$1\text{ميل} = 5280\text{قدم}$$

$$1\text{ميل} = 63360\text{بوصه}$$

$$1\text{قدم} = 12\text{بوصه}$$

بعض القيم بين الانظمة المختلفة:

$$1\text{قدم} = 0,3048\text{متر}$$

$$1\text{ميل} = 1,6093\text{كم} \text{ أو } 1\text{كم} = 0,6214\text{ من الميل}$$

ملاحظات:

1- وحدة الميل أكبر من الكيلومتر.

2- عند التحويل من الوحدة الصغيرة إلى الوحدة الكبيرة تكون العملية الحسابية (x) أما التحويل من الكبيرة
إلى الصغيرة تكون العملية (÷). وهذا يشمل التحويل سواء كان ضمن النظام الواحد أو بين النظامين الميلّي
والمترّي.

مثال/أذا كانت المسافة بين منطقتين تساوي 5 كم. ما دلالة المسافة بالأمتال ؟

في البدء يجب استنكار ما يعدل قيم بين ال كم والميل

1ميل = 1,6093 كم و كل 1 كم = 0,6214 من الميل ايضاً

يمكن أن يحل هذا المثال بطريقتين:-

الحل الاول 1: ميل = 1,6093 كم وبالتالي فإن ؟ميل = 5 كم

عدد الاميال = $5 \div 1,6093 = 3,1069$ كم وبالتقريب 3,107 كم تقريباً.

لقد أعتمد هنا التحويل على عملية القسمة باعتبار أن وحدة الميل هي أكبر من وحدة ال كم ،لذلك أعتمد عكسيا عن القاعدة التي تقول (عند التحويل من الوحدة الأصغر إلى الأكبر تكون العملية \times حيث طبقت عملية \div هنا لان الميل هو الأكبر وتم هنا التحويل من الكبير إلى الصغير) وكما ذكر هناك حل آخر:-

الحل الثاني إذا اعتبرنا إن كل 1 كم = 0,6214 من الميل وعليه فإن التحويل هنا سوف يتم ب \times الوحدة الصغيره وهي الكيلومتر بما يعادلها بالميل .

$5 \text{ كم} = 0,6124 \times 5 = 3,107$ كم والحلين صحيحين المهم هنا التأكد من قيم التحويل

ثانياً- وحدات قياس المساحة: وهي نفس وحدات الطول غير أنها مربعه أي مضروبه في نفسها .

ثالثاً- وحدات قياس الحجم : ويعتمد على الوحدة المكعبة /المتر المكعب

رابعاً- وحدات قياس الزوايا :

من المهم هنا أن نعرف إن هناك ثلاثة أنظمة لقياس الزوايا:

1- النظام الستيني: وفيه الدائرة تساوي 360 درجة ، الزاوية القائمة تعادل 90 درجة ستينية ويرمز لها (°)

ومن المهم هنا معرفة أن $D=360^{\circ}$ و $M=60'$ و $s=60''$

وتكتب الزاويه بثلاثة مجموعات

مثال زاوية $30^{\circ} 15' 20''$

2- النظام المئوي: وفيه الدائرة تساوي 400 درجة، الزاوية القائمة فيه تعادل 100 ، ويرمز للزاوية فيه (°)

$D=400^{\circ}$ و $M=100^c$ و $S=100^{cc}$

3- النظام الدائري : وفيه الدائره تعادل π^2 و π نسبه ثابتة قيمتها $22/7$ أو 3.14 والزاوية القائمة فيه تساوي

$\pi/2$ درجة وترمز للزاويه فيه (r) مختصر RAD او راديان ...أرجو حفظ الجدول الموجود في الملزمة الخاص بالعلاقة بين الأنظمة الثلاثة.

* تحويل الزوايا بين الأنظمة

أهم خطوات التحويل هي حفظ حجم الدائرة في كل نظام، وأيضاً معرفة الزاوية في أي نظام عن طريق الرمز أو ذكرها الصريح وبالتالي إجراء عملية التحويل.

مثال / حول الزاوية 135° إلى النظام الدائري والنظام المئوي تبعاً؟

الخطوة الأولى معرفة نظام الزاوية المعلومة من الرمز ($^{\circ}$) وهو يدل على إن الزاوية من النظام الستيني.

الخطوة الثانية أستذكار حجوم الدوائر في الأنظمة :

النظام الستيني = 360

النظام المئوي = 400

النظام الدائري 2π

الخطوة الثالثة تطبيق القانون الزاوية المعلومة \times حجم الدائرة للزاوية المراد التحويل لها/ حجم الدائرة بحسب نظام الزاوية المعلومة.

بأستخدام الحاسبة العلمية

للتحويل للنظام الدائري

$$135^{\circ} \times 2\pi/360$$

$$= 135^{\circ} \times 6.28/360$$

$$= 2.355^{\circ} \div \pi (3.14)$$

$$= 0.75$$

أن القيمة الثابته للباي هي 3.14 اما 2 باي هي 2×3.14 فتصبح 6.28.

للتحويل الى النظام المئوي

$$135^{\circ} \times 400/360$$

$$= 150^{\circ}$$

في حالة تحويل الزاوية مكونه من الدقائق والثواني معا

* حول الزاوية إلى النظام الستيني؟

$$375^{\circ} .23' 49''$$

تطبق نفس الخطوات السابقة، بما أن الزاوية من النظام المئوي بحسب الرمز لذلك يكون تطبيق الخطوات التالية:

$$375.2349 \times 360 / 400$$

$$= \underline{337.71141}$$

هذا الناتج يمثل استخراج الدرجة والتي تمثل الرقم الذي اسفلة
خط.

$$D=337^0$$

ومن أجل استخراج الدقائق نأخذ الرقم الذي بعد الفارزه ونضيف
له صفر وفارزه ويضرب $60 \times$ كونه يحول الى النظام الستيني

$$0.71141 \times 60 = \underline{42}.6846$$

$$M= 42'$$

ونفس الخطوات لاستخراج الثواني..

$$0.6846 \times 60 = \underline{41}.1$$

$$S= 41''$$

$$337^0 42' 41''$$

أذا هذه هي الزاويه بالنظام الستيني.

مناقشة 1

حول الزاوية $125^0.50'43''$ الى النظام المئوي...؟

العلاقات الهندسية للمثلث القائم الزاوية :

أهم العلاقات هي:- جيب الزاوية = المقابل / الوتر \sin

-جيب تمام الزاويه جتا = المجاور / الوتر \cos

- ظل الزاوية ظا = المقابل / المجاور \tan

المهم هو التحديد الصحيح لمقابل ومجاور كل زاويه في المثلث القائم لكن الوتر يبقى ثابت لكل زوايا المثلث

$$c^2=a^2+b^2$$

نظرية فيثاغورس لاجاد طول الوتر

مثال / جد طول الوتر في مثلث قائم الزاوية إذا علمت أن الضلع الأول فيه يساوي 3 سم ، والضلع الثاني 4 سم ؟

في البدء تكتب القاعدة وهي (طول الوتر²) = ضلع القائمة الأول² + ضلع القائمة الثاني²

$$C^2 = a^2 + b^2$$

$$C^2 = (3)^2 + (4)^2$$

$$C^2 = 9 + 16 = 25$$

طول الوتر = الجذر التربيعي لل 25 = 5 سم طول الوتر

$$A = 1/2(axb) \quad \text{مساحة المثلث قائم الزاوية} =$$

أي نصف × القاعدة × الارتفاع

مثل / مثلث قائم الزاوية طول الضلع القائم يساوي 8 سم ، وطول قاعدة الضلع القائم تساوي 6 سم ، أوجد مساحته؟ التطبيق بالحاسبه...

مساحة المثلث = $\frac{1}{2}$ أو (0.5) × القاعده × الارتفاع

$$\frac{1}{2} \text{ أو } (0.5) \times 8 \times 6 = 24 \text{ سم}^2$$

مناقشة 2

إذا علمت أن مساحة مثلث قائم الزاويه تساوي 6 سم² ، وأرتفاعه يساوي 4 سم ، أحسب طول وتر المثلث ؟