

البايوميكانيك الرياضي \ المرحلة الثانية – الكينماتك الخطي (المستقيم) – التعجيل الخطي - مدرس المادة : أ.د وائل قاسم العبودي

* الكينماتك الخطي (المستقيم):

* التعجيل الخطي:

عندما يقطع العداء مسافة معينة بحركة منتظمة، فإن ذلك يعني أن سرعته في أي لحظة من لحظات الحركة ثابتة، أما إذا كانت حركة غير منتظمة، فعندئذ تتغير سرعته من لحظة إلى أخرى، حيث يطلق على هذا التغير بالسرعة مصطلح **التعجيل** ويُعرّف بأنه **المعدل الزمني لتغير السرعة** أو **هو معدل تغير السرعة خلال فترة زمنية معينة**، من حيث المقدار والاتجاه أو كليهما، ويمكن أن نحصل على قيمة ومقدار التعجيل من خلال قسمة قيمة فرق التغير بالسرعة على الزمن الذي استغرقه التغير، ويمكن استخراج التعجيل من خلال القانون التالي:

$$\text{التعجيل} = \frac{\text{السرعة الثانية} - \text{السرعة الأولى}}{\text{الزمن}}$$

$$\text{التعجيل} = \text{س} 2 - \text{س} 1 / \text{ن}$$

* ويكون التعجيل أما موجباً أو سالباً، فالزيادة في التعجيل تجعله **موجباً** والنقصان في التعجيل يجعله **سالباً**، فلو فرضنا أن سرعة عداء تغيرت من (2 م/ثا) في الثانية الأولى إلى (4 م/ثا) في الثانية، فإن مقدار التعجيل هو:

$$\text{التعجيل} = 4 - 2 / 2 = 2 \text{ م / ثا}^2.$$

* ومن الجدير بالذكر عندما تكون السرعة الثانية **أكبر** من السرعة الأولى فإن الناتج يكون **موجب** وبالتالي فإن **التعجيل يكون موجباً أي تزايدياً**، وإذا كانت السرعة الثانية **أقل** من السرعة الأولى فإن الناتج يكون **سالب** وبالتالي فإن **التعجيل يكون سالباً أي تناقصياً**.

* أما إذا كانت السرعة **ثابتة** في الفترات الزمنية فإن التعجيل يكون **صفر**، أي أن **السرعة الثانية تساوي السرعة الأولى**، وبالتالي فإن الناتج يكون **صفر**.

* **مثال:** عداء ينطلق من نقطة أ وسرعته (6 م/ثا) وعندما يصل الى نقطة ب تبلغ سرعته (12 م/ثا) وكان زمن قطع المسافة (2 ثانية)، فما هو مقدار التعجيل؟

الحل:

$$\text{التعجيل} = \text{س} 2 - \text{س} 1 / \text{ن}$$

$$\text{التعجيل} = 12 - 6 / 2 = 2 / 6 = 2 / 6 + 3 \text{ م / ثا}^2.$$

* **أما إذا كانت الحالة بالعكس**، مثلاً أن تكون السرعة النهائية (6 م/ثا) والابتدائية (12 م/ثا) وزمن قطع المسافة هو (2 ثانية)، فإن مقدار التعجيل هو:

$$\text{الحل: التعجيل} = \text{س} 2 - \text{س} 1 / \text{ن}$$

$$\text{التعجيل} = 6 - 12 / 2 = 2 / 6 = - 3 \text{ م / ثا}^2.$$

البايوميكانيك الرياضي \ المرحلة الثانية – الكينماتك الخطي (المستقيم) – التعجيل الخطي - مدرس المادة : أ.د وائل قاسم العبودي

* إن وحدة قياس التعجيل هي (م/ثا²، سم/ثا²، قدم/ثا²)، حيث تكون عبارة عن وحدة قياس السرعة مقسومة على وحدة قياس زمن.

* طريقة اشتقاق وحدة قياس التعجيل: نقوم بتعويض وحدات القياس بقانون التعجيل كما يلي:

$$\text{التعجيل} = \text{س} - 2 = \text{س} / 1 \text{ ن} \leftarrow \text{م} / \text{ثا} \div \text{ثا} / 1 \leftarrow \text{م} / \text{ثا} \times 1 / \text{ثا} = \text{م} / \text{ثا}^2.$$

* إن زيادة قيمة السرعة ونقصانها بشكل منتظم يطلق عليه **التعجيل المنتظم**.

* أما إذا كانت سرعة العداء الابتدائية تساوي **صفر**، فإن المعادلة هي:

$$\text{التعجيل} = \text{السرعة الثانية} / \text{الزمن}$$

$$\text{التعجيل} = \text{س} / 2 \text{ ن}$$

* ولاستخراج المسافة بدلالة التعجيل والزمن، فإن المعادلة هي:

$$\text{المسافة} = \text{التعجيل} \times (\text{الزمن})^2 / 2$$

$$\text{المسافة} = \text{ت} \times \text{ن} / 2$$

* **التعجيل اللحظي (الآني):** هو قيمة التعجيل لحركة جسم تتغير سرعته بفترة قصيرة جداً.

أما المعادلة المستخدمة لاستخراجه هي:

$$\text{التعجيل اللحظي} = \Delta \text{س} / \Delta \text{ن}$$

$$\text{أو: التعجيل اللحظي} = \text{س} - 2 - \text{س} / 1 \text{ ن} - 2 \text{ ن} - 1$$

مثال: قطع عداء مسافة (100 م) بزمن قدره (10 ثانية) وقطع مسافة الخمسين متر بزمن قدره (6 ثانية)، وقد بلغت سرعته خلال الثانيتين الأولى (5 م / ثانية)، في حين بلغ أقصى سرعة له خلال الثانيتين السادسة والتاسعة وكانت (9 م / ثانية): **المطلوب إيجاد:**

1- السرعة العددية (الانطلاق) خلال السباق الكلي.

2- السرعة المتجهة خلال السباق الكلي.

3- معدل السرعة خلال الخمسين متر الأولى.

4- التعجيل خلال الثانيتين الأولى.

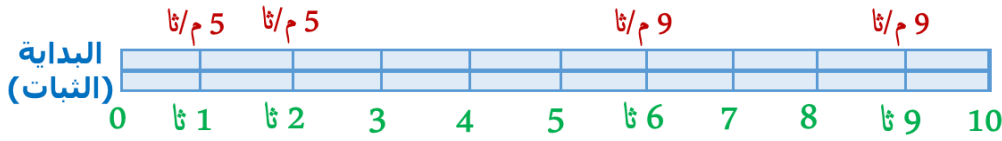
5- معدل التعجيل خلال الثانيتين السادسة والأولى.

6- معدل التعجيل خلال الثانيتين التاسعة والأولى.

7- معدل التعجيل خلال الثانيتين السادسة والثانية.

البايوميكانيك الرياضي \ المرحلة الثانية – الكينماتك الخطي (المستقيم) – التعجيل الخطي - مدرس المادة : أ.د وائل قاسم العبودي

الحل:

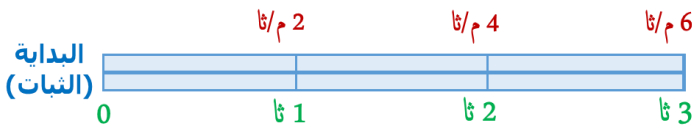


- 1- السرعة العددية (الانطلاق) = المسافة \ الزمن = $10 \div 100 = 10$ م \ ثا.
- 2- السرعة المتجهة = الإزاحة \ الزمن = $10 \div 100 = 10$ م \ ثا شرقاً.
- 3- معدل السرعة = المسافة \ الزمن = $6 \div 50 = 8.33$ م \ ثا.
- 4- التعجيل = س2 - س1 \ ن = $5 - 2 = 2.5$ م \ ثا².
- 5- التعجيل = 9 - صفر \ 6 = 1.5 م \ ثا².
- 6- التعجيل = 9 - صفر \ 9 = 1 م \ ثا².
- 7- التعجيل = 9 - 5 \ 5 = 0.8 م \ ثا².

مثال: تزايدت سرعة عداء بمعدل (2 م \ ثانية) لكل ثانية من ثواني السباق البالغة (3 ثواني)، المطلوب إيجاد:

- 1- التعجيل خلال الثانية الأولى.
- 2- التعجيل خلال الثانية الأولى.
- 3- التعجيل خلال الثانية والثالثة.
- 4- التعجيل خلال الثلاث ثواني الأولى.

الحل:



- 1- التعجيل = س2 - س1 \ ن = $2 - 1 = 1$ م \ ثا².
- 2- التعجيل = 4 - صفر \ 2 = 2 م \ ثا².
- 3- التعجيل = 6 - 2 \ 2 = 2 م \ ثا².
- 4- التعجيل = 6 - صفر \ 3 = 2 م \ ثا².